Exercice 1:

Identifier les ensembles de nombres

Attribuez à chaque nombre ci-dessous l'ensemble auquel il appartient (N, Z, Q, D, R).

$$2.(-5)$$

$$3.(\frac{7}{2})$$

$$5.(\sqrt{5})$$

Correction:

$$2.(-5):(Z,Q,R)$$

$$3.(\frac{7}{2}):(Q,R)$$

4.
$$(0.333 \dots = \frac{1}{3})$$
: (Q, R)

$$5.(\sqrt{5}):(R)(irrationnel)$$

Exercice 2:

Conversion entre fractions et nombres décimaux

Convertissez les nombres suivants en fractions ou en nombres décimaux :

$$2.(-1.75)$$

$$3.(\frac{5}{8})$$

$$4.\left(-\frac{9}{4}\right)$$

Correction:

$$1.\left(0.125 = \frac{125}{1000} = \frac{1}{8}\right)$$

$$2. \left(-1.75 = -\frac{7}{4}\right)$$

$$3.\left(\frac{5}{8} = 0.625\right)$$

$$4.\left(-\frac{9}{4} = -2.25\right)$$

Exercice 3:

Comparaison de nombres réels

Comparez les nombres suivants et indiquez lesquels sont plus grands :

1. (0.75) et
$$(\frac{3}{4})$$

2.
$$(\sqrt{2})$$
 et (1.5)

$$3.(\pi)$$
 et (3.14)

Correction:

- 1. $(0.75 = \frac{3}{4})$, donc ils sont égaux.
- 2. $(\sqrt{2} \approx 1.414)et(1.5)$, donc $(1.5 > \sqrt{2})$.
- 3. $(\pi \approx 3.14159)$ et (3.14), donc $(\pi > 3.14)$.

Exercice 4:

Étude des propriétés des ensembles de nombres

Soit
$$(A = \{-2, -1, 0, 1, 2, \frac{1}{2}, \sqrt{2}, \pi, -\frac{3}{4}, 2.5, 3.333 \dots\}).$$

- 1. Classez les éléments de (A) dans les ensembles (N, Z, Q, D,) et (R).
- 2. Déterminez les éléments de (A) qui sont irrationnels.
- 3. Parmi les éléments de (A), identifiez ceux qui peuvent être ordonnés sur la droite des réels en fonction de leur valeur.
- 4. Trouvez l'élément le plus proche de 0 dans l'ensemble (A).

Correction:

1. Classification dans les ensembles :

$$-(N = \{0,1,2\})$$

$$-(Z = \{-2,-1,0,1,2\})$$

$$-(Q = \{-2,-1,0,1,2,\frac{1}{2},-\frac{3}{4},2.5,3.333...\})$$

$$-(D = \{0,1,2,\frac{1}{2},-\frac{3}{4},2.5,3.333...\})\left(car(\frac{10}{3} = 3.333...)\right)$$

$$-(R = \{-2,-1,0,1,2,\frac{1}{2},\sqrt{2},\pi,-\frac{3}{4},2.5,3.333...\})$$

- 2. Éléments irrationnels :
 - $(\sqrt{2})$ et (π) sont irrationnels.
- 3. Ordonnancement sur la droite des réels :
 - Ordre croissant : $(-2,-1,-\frac{3}{4},0,\frac{1}{2},1,\sqrt{2}\approx 1.414,2,2.5,\pi\approx 3.14159,3.333\dots)$

4. Élément le plus proche de 0 :

- $(\frac{1}{2} = 0.5)$ est le plus proche de 0 dans l'ensemble (A).