

Exercice 1 : Développement

Développer les expressions suivantes :

1. $5(x + 7)$
2. $(x - 4)(x + 6)$
3. $2(x + 3)^2$

Correction :

1. $5(x + 7) = 5x + 35$
2. $(x - 4)(x + 6) = x^2 + 6x - 4x - 24 = x^2 + 2x - 24$
3. $2(x + 3)^2 = 2(x^2 + 6x + 9) = 2x^2 + 12x + 18$

Exercice 2 : Factorisation

Factoriser les expressions suivantes :

1. $12x + 16$
2. $x^2 - 49$
3. $4x^2 - 16$

Correction :

1. $12x + 16 = 4(3x + 4)$
2. $x^2 - 49 = (x - 7)(x + 7)$
3. $4x^2 - 16 = 4(x^2 - 4) = 4(x - 2)(x + 2)$

Exercice 3 : Utilisation des identités remarquables

Utiliser les identités remarquables pour développer les expressions suivantes :

1. $(x + 5)^2$
2. $(2x - 3)^2$
3. $(x + 4)(x - 4)$

Correction :

1. $(x + 5)^2 = x^2 + 10x + 25$
2. $(2x - 3)^2 = 4x^2 - 12x + 9$
3. $(x + 4)(x - 4) = x^2 - 16$

Exercice 4 : Complété et compliqué

Développer et factoriser l'expression suivante, puis résoudre l'équation associée.

Soit l'expression $3(x + 2)^2 - 12(x + 2) + 15$.

Correction :

1. Développement :

$$\begin{aligned} 3(x + 2)^2 - 12(x + 2) + 15 &= 3(x^2 + 4x + 4) - 12(x + 2) + 15 \\ &= 3x^2 + 12x + 12 - 12x - 24 + 15 = 3x^2 + 3 \end{aligned}$$

2. Factorisation :

$$3x^2 + 3 = 3(x^2 + 1)$$

3. Résolution de l'équation :

$$3(x^2 + 1) = 0$$

$x^2 + 1 = 0$ n'a pas de solution réelle car il n'y a pas de solution dans \mathbb{R} .